

• **Primitives**

$f(x)$	$F(x)$
$x^n$	$\frac{1}{n+1}x^{n+1}$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$2\sqrt{x}$
$\frac{1}{x}$	$\ln(x)$ avec $x > 0$
$e^{kx}$	$\frac{1}{k}e^{kx}$
$\cos(ax + b)$	$\frac{1}{a}\sin(ax + b)$
$\sin(ax + b)$	$-\frac{1}{a}\cos(ax + b)$

$f(x)$	$F(x)$
$u' + v'$	$u + v$
$ku'$	$ku$
$u'u^n$	$\frac{1}{n+1}u^{n+1}$
$\frac{u'}{u}$	$\ln(u)$
$u'e^u$	$e^u$
$\frac{u'}{\sqrt{u}}$	$2\sqrt{u}$

**Méthode :** Identifier la structure la plus proche de l'expression à primitiver, ajouter un éventuel facteur correctif et primitiver à l'aide des tableaux ci-dessus.

• **Équations différentielles et solutions**

$(E_0) : y' = ay$	$y' = ay + b$	$(E) : y' = ay + h$
$x \mapsto ke^{ax}, k \in \mathbb{R}$	$x \mapsto ke^{ax} - \frac{b}{a}$	$x \mapsto ke^{ax} + g$ avec $g(x)$ une solution particulière.

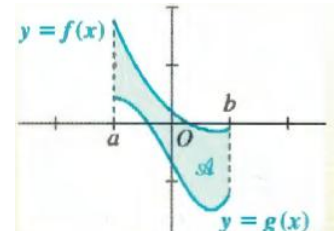
- Soit  $g$  une solution particulière de  $(E)$   
 $\Leftrightarrow g' = ag + h \Leftrightarrow g' - ag = h$
- $f - g$  est solution de  $(E_0)$   
 $\Leftrightarrow (f - g)' = a(f - g)$   
 $\Leftrightarrow f' - g' = f - g$   
 $\Leftrightarrow f' - af = g' - ag$   
 $\Leftrightarrow f' - af = h$   
 $\Leftrightarrow f$  est solution de  $(E)$   
 Or  $f - g$  est solution de  $(E_0)$   
 $\Leftrightarrow f(x) - g(x) = ke^{ax}$   
 $\Leftrightarrow f(x) = ke^{ax} + g(x)$

• **Calcul intégral :**  $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$

Où  $F$  est une primitive de  $f$  sur un intervalle  $I$  contenant  $a$  et  $b$

- **Valeur moyenne :**  $\mu = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx$
- **Relation de Chasles :**  $\int_a^b f(x) dx + \int_b^c f(x) dx = \int_a^c f(x) dx$
- **Linéarité :**  $\alpha \int_a^b f(x) dx + \beta \int_a^b g(x) dx = \int_a^b (\alpha f(x) + \beta g(x)) dx$
- **Positivité :** si  $f \geq 0$  et  $a \leq b$ , alors  $\int_a^b f(x) dx \geq 0$
- **Relation d'ordre :** si  $f(x) \geq g(x)$  alors  $\int_a^b f(x) dx \geq \int_a^b g(x) dx$
- **Intégration par parties :**  
 $\int_a^b u'(x)v(x) dx = [u(x)v(x)]_a^b - \int_a^b u(x)v'(x) dx$

➤ **Calcul d'aire :**



Si  $a < b$  et  $g \leq f$  alors :

$$A = \int_a^b (f(x) - g(x)) dx$$

exprimée en u.a.